

**МІНІСТЕРСТВО ОСВІТИ І НАУКИ УКРАЇНИ  
ДВНЗ «ПРИКАРПАТСЬКИЙ НАЦІОНАЛЬНИЙ УНІВЕРСИТЕТ  
ІМЕНІ ВАСИЛЯ СТЕФАНІКА»**

Факультет/інститут математики та інформатики

Кафедра математичного і функціонального аналізу

**СИЛАБУС НАВЧАЛЬНОЇ ДИСЦИПЛІНИ**

Симетричні аналітичні функції на банахових просторах

Освітня програма Математика

Спеціальність 111 Математика

Галузь знань 11 Математика та статистика

Затверджено на засіданні кафедри  
Протокол № 1 від “27” серпня 2020 р.

## ЗМІСТ

1. Загальна інформація
2. Анотація до курсу
3. Мета та цілі курсу
4. Компетентності
5. Результати навчання
6. Організація навчання курсу
7. Система оцінювання курсу
8. Політика курсу
9. Рекомендована література

<b>1. Загальна інформація</b>	
<b>Назва дисципліни</b>	Симетричні аналітичні функції на банахових просторах
<b>Рівень вищої освіти</b>	Третій (доктор філософії) рівень вищої освіти
<b>Викладач (-і)</b>	Загороднюк Андрій Васильович
<b>Контактний телефон викладача</b>	0955333348
<b>E-mail викладача</b>	andriy.zagorodnyuk@pnu.edu.ua
<b>Формат дисципліни</b>	Очний
<b>Обсяг дисципліни</b>	3 кредити ECTS
<b>Посилання на сайт дистанційного навчання</b>	
<b>Консультації</b>	Очні консультації: згідно розкладу консультацій
<b>2. Анотація до курсу</b>	
<p>“Симетричні аналітичні функції на банахових просторах” є дисципліною вибіркової складової навчального плану, циклу вибірових навчальних дисциплін, яка сприяє підготовці аспірантів для написання наукових досліджень. Аспіранти отримують теоретико-методичні та практичні навички у теорії симетричних аналітичних функцій на банахових просторах.</p>	
<b>3. Мета та цілі курсу</b>	
<p><b>Метою</b> дисципліни доповнення вивчених раніше розділів функціонального аналізу розділами нелінійного функціонального аналізу, засвоєння понять поліноміальних відображень, аналітичних функцій, симетричних аналітичних функцій.</p> <p><b>Цілі</b> дисципліни. При вивченні даного предмету аспірант повинен зрозуміти основні поняття нелінійного функціонального аналізу, зокрема, понять поліноміальних відображень, аналітичних функцій, симетричних аналітичних функцій.</p>	
<b>4. Компетентності</b>	
<p><b>Загальні компетентності (ЗК):</b>  <b>ЗК-12.</b> Здатність аналізувати інформацію подану в різних наукових джерелах, формувати на їхньому тлі власну дослідницьку позицію та професійно вести наукову дискусію</p> <p><b>Спеціальні (фахові, предметні) компетентності:</b>  <b>ФК-1.</b> Знання на рівні новітніх досягнень, необхідні для дослідницької або практичної діяльності у сфері математики  <b>ФК-2.</b> Здатність виявляти актуальні математичні проблеми і використовувати поглиблені знання з математики  <b>ФК-3.</b> Здатність формувати та доводити математичні твердження, вміти правильно формувати висновки  <b>ФК-4.</b> Здатність реалізовувати знання з фундаментальних методів математичного, комплексного та функціонального аналізу у теоретичних дослідженнях та при розв’язанні конкретних прикладних задач  <b>ФК-8.</b> Здатність вибирати правильний математичний апарат, використовувати відомі теоретичні поняття та факти для розв’язання конкретних дослідницьких задач</p>	
<b>5. Результати навчання</b>	

**ПРН-3.** Мати глибинні знання з наукового напрямку та широку ерудицію в галузі математики

**ПРН-5.** Проводити математичне та аналітичне моделювання, здійснювати аналітичні обчислення або чисельні розрахунки, порівняння їх результатів із експериментальними даними для найбільш повного опису властивостей досліджуваних систем

**ПРН-6.** Застосовувати загальнофілософські та загальнонаукові принципи та методи досліджень при виконанні власної дисертаційної роботи

**ПРН-7.** Критично сприймати та аналізувати існуючі думки й ідеї, формулювати власні гіпотези, шукати шляхи розв'язання наукових проблеми

**ПРН-11.** Вміння виявляти, ставити та вирішувати проблеми

**ПРН-12.** Вміти самостійно розв'язувати складні математичні задачі, доводити теореми, будувати приклади

**ПРН-14.** Вміти аналізувати відомі математичні методи наукових досліджень та використовувати їх у подальшій науковій роботі

## 6. Організація навчання курсу

### Обсяг курсу

Вид заняття	Загальна кількість годин
лекції	20
семінарські заняття / <u>практичні</u> / лабораторні	10
самостійна робота	30

### Ознаки курсу

Семе стр	Спеціальні сть	Курс (рік навчанн я)	Нормативний / вибірковий
III	111 Математика	II (Аспіран тура)	Вибірковий

### Тематика курсу

Тема, план	Форма заняття	Літе-ра тура	Завдання, год	Вага оцінки	Термін виконан- ня
<b>Тема 1. Поліноміальні відображення на банахових просторах. Означення, неперервність і обмеженість. Приклади.</b>	Лекція, Практичне заняття	[1-9]	Опрацювати лекційний матеріал, підготуватися до практичного заняття	0,13	До наступного заняття за розкладом
<b>Тема 2. Аналітичні функції на комплексних банахових просторах. Радіус рівномірної неперервності. Зв'язок з обмеженістю. Приклади.</b>	Лекція, Практичне заняття	[1-9]	Опрацювати лекційний матеріал, підготуватися до практичного заняття	0,12	До наступного заняття за розкладом

<b>Тема 3. Аналітичні функції обмеженого типу. Означення. Приклад функцій необмеженого типу. Топологія Фреше.</b>	Лекція, Практичне заняття	[1-9]	Опрацювати лекційний матеріал, підготуватися до практичного заняття	0,12	До наступного заняття за розкладом
<b>Тема 4. Симетричні поліноми і аналітичні функції на просторах <math>\ell_p</math>. Алгебраїчні базиси. Формули Ньютона та формули Варінга. Генеруючі функції алгебраїчних базисів.</b>	Лекція, Практичне заняття	[1-9]	Опрацювати лекційний матеріал, підготуватися до практичного заняття	0,13	До наступного заняття за розкладом
<b>Тема 5. Операції симетричного зсуву і симетричного добудку. Властивості. Напівкільце мультимножин.</b>	Лекція, Практичне заняття	[1-9]	Опрацювати лекційний матеріал, підготуватися до практичного заняття	0,12	До наступного заняття за розкладом
<b>Тема 6. Побудова симетричної аналітичної функції необмеженого типу на <math>\ell_1</math>.</b>	Лекція, Практичне заняття	[1-9]	Опрацювати лекційний матеріал, підготуватися до практичного заняття	0,13	До наступного заняття за розкладом
<b>Тема 7. Симетричні функції на просторах <math>L_p</math>. Алгебраїчні базиси. Властивості.</b>	Лекція, Практичне заняття	[1-9]	Опрацювати лекційний матеріал, підготуватися до практичного заняття	0,12	До контрольної роботи
<b>Тема 8. Блочно-симетричні поліноми і аналітичні функції. Означення, приклади, основні властивості.</b>	Лекція, Практичне заняття	[1-9]	Опрацювати лекційний матеріал, підготуватися до практичного заняття	0,13	До контрольної роботи

#### 7. Система оцінювання курсу

Загальна система оцінювання курсу	<p><b>100 бальна:</b>  <b>50 балів</b> – допуск до екзамену протягом роботи на парах.  <b>50 балів</b> – екзамен.</p> <p><b>Критерії оцінювання знань, умінь і навичок студентів:</b>  <b>90 – 100 (відмінно)</b> – студент демонструє повні і глибокі знання навчального матеріалу, достовірний рівень розвитку умінь та навичок, правильне й обґрунтоване формулювання практичних висновків, наводить повний обґрунтований розв'язок прикладів та задач, аналізує причинно-наслідкові зв'язки; вільно володіє науковими термінами;  <b>70 – 89 (добре)</b> – студент демонструє повні знання навчального матеріалу,</p>
-----------------------------------	---

	<p>але допускає незначні пропуски фактичного матеріалу, вміє застосувати його до розв'язання конкретних прикладів та задач, у деяких випадках нечітко формулює загалом правильні відповіді, допускає окремі несуттєві помилки та неточності розв'язках;</p> <p><b>50 – 69 (задовільно)</b> – студент володіє більшою частиною фактичного матеріалу, але викладає його не досить послідовно і логічно, допускає істотні пропуски у відповіді, не завжди вміє правильно застосувати набуті знання до розв'язання конкретних прикладів та задач, нечітко, а інколи й невірно формулює основні твердження та причинно-наслідкові зв'язки;</p> <p><b>0 – 49 (незадовільно)</b> – студент не володіє достатнім рівнем необхідних знань, умінь, навичок, науковими термінами.</p>
Вимоги до письмової роботи	Відповідно до навчального плану, аспірант виступає з теоретичними доповідями по питаннях з тем предмету та розв'язує задачі. Головна їх мета – перевірка самостійної роботи студентів в процесі навчання, виявлення ступеня засвоєння ними теоретичних положень курсу. При розв'язанні задач студент має детально вказувати, яким саме був хід його роздумів, якими формулами він користувався.
Семінарські заняття	Практичні заняття проводяться з метою формування у студентів умінь і навичок з курсу, вирішення сформульованих завдань, їх перевірка та оцінювання. За метою і структурою практичні заняття є ланцюжком, який пов'язує теоретичне навчання і навчальну практику з курсу, а також передбачає попередній контроль знань студентів. Оцінки за практичні заняття враховуються при виставленні підсумкової оцінки з курсу.
Умови допуску до підсумкового контролю	Оцінка за опитування має бути не менша, ніж <b>25 балів</b> .

### 8. Політика курсу

Самостійне виконання навчальних завдань, завдань поточного та підсумкового контролю результатів навчання (для осіб з особливими освітніми потребами ця вимога застосовується з урахуванням їхніх індивідуальних потреб і можливостей).

Посилання на джерела інформації у разі використання ідей, розробок, тверджень, відомостей.

Надання достовірної інформації про результати власної навчальної (наукової, творчої) діяльності, використанні методики досліджень і джерела інформації.

Засвоєння пропущеної теми лекції з поважної причини перевіряється під час складання підсумкового контролю. Пропуск лекції з неповажної причини відпрацьовується студентом відповідно вимог кафедри, що встановлені на засіданні кафедри (співбесіда, реферат тощо).

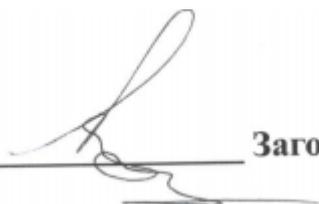
Пропущені практичні заняття, незалежно від причини пропуску, студент відпрацьовує згідно з графіком консультацій. Поточні незадовільні оцінки, отримані студентом під час засвоєння відповідної теми на практичному занятті, перескладаються викладачеві, який веде заняття до складання підсумкового контролю з обов'язковою відміткою у журналі обліку роботи академічних груп.

### 9. Рекомендована література

1. Рудин У. Функциональный анализ/Под ред. Е.А. Горина, М.: Мир, 1975. 449 с.
2. Колмогоров А. Н., Фомин С. В. Элементы теории функций и функционального анализа // Москва: Главная редакция физико-математической литературы изд-ва «Наука». – 1976. –543 с.
3. Хелемский А. Я. Лекции по функциональному анализу // М: МЦНМО. – 2004. – 552 с.

4. Dineen S. Complex Analysis on Infinite Dimensional Spaces // Springer, New York: Monographs in Mathematics. – 1999. – 543 p.
5. Gamelin T. W. Uniform algebras // Chelsea, New York, second ed., 1984. – 257 p.
6. Zagorodnyuk A. V. Spectra of algebras of entire functions on Banach spaces // Proc. Amer. Math. Soc. – 2006. – Vol. 134. – P. 2559-2569.
7. Alencar R., Aron R., Galindo P., Zagorodnyuk A. Algebras of symmetric holomorphic functions on  $l_p$  // Bull. London Math. Soc. – 2003. – Vol. 35. – P. 55-64.
8. Aron R. M., Cole B. J., Gamelin T. W. Spectra of algebras of analytic functions on a Banach space // J. Reine Angew. Math. – 1991. – Vol. 415. – P. 51-93.
9. Dales H.G. Automatic continuity: a survey // Bull. London Math. Soc. – 1978. – Vol. 10, 2. – P. 129-183.

Викладач



Загороднюк А.В.